

**PENGAMANAN PESAN RAHASIA MENGGUNAKAN
ALGORITMA KRIPTOGRAFI RSA**

Skripsi

untuk memenuhi sebagian persyaratan mencapai derajat Sarjana S-1

Program Studi Matematika



Disusun Oleh:

Jajang Nurjaman

08610044

Kepada

PROGRAM STUDI MATEMATIKA

FAKULTAS SAINS DAN TEKNOLOGI

UNIVERSITAS ISLAM NEGERI SUNAN KALIJAGA

YOGYAKARTA

2012

SURAT PERSETUJUAN SKRIPSI/TUGAS AKHIR

Hal : Persetujuan Skripsi

Lamp : -

Kepada

Yth. Dekan Fakultas Sains dan Teknologi

UIN Sunan Kalijaga Yogyakarta

di Yogyakarta

Assalamu 'alaikum wr. wb.

Setelah membaca, meneliti, memberikan petunjuk dan mengoreksi serta mengadakan perbaikan seperlunya, maka saya selaku pembimbing berpendapat bahwa skripsi Saudara:

Nama : Jajang Nurjaman

NIM : 08610044

Judul Skripsi : Pengamanan Pesan Rahasia Menggunakan Algoritma Kriptografi
RSA

sudah dapat diajukan kembali kepada Program Studi Matematika Fakultas Sains dan Teknologi UIN Sunan Kalijaga Yogyakarta sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana Strata Satu dalam bidang Matematika.

Dengan ini saya mengharap agar skripsi/tugas akhir Saudara tersebut di atas dapat segera dimunaqsyahkan. Atas perhatiannya saya ucapkan terima kasih.

Yogyakarta, Oktober 2012

Pembimbing I



M. Abrori, S.Si, M.Kom.

NIP. 19720423 199903 1 003

SURAT PERSETUJUAN SKRIPSI/TUGAS AKHIR

Hal : Persetujuan Skripsi

Lamp : -

Kepada

Yth. Dekan Fakultas Sains dan Teknologi

UIN Sunan Kalijaga Yogyakarta

di Yogyakarta

Assalamu 'alaikum wr. wb.

Setelah membaca, meneliti, memberikan petunjuk dan mengoreksi serta mengadakan perbaikan seperlunya, maka saya selaku pembimbing berpendapat bahwa skripsi Saudara:

Nama : Jajang Nurjaman

NIM : 08610044

Judul Skripsi : Pengamanan Pesan Rahasia Menggunakan Algoritma Kriptografi
RSA

sudah dapat diajukan kembali kepada Program Studi Matematika Fakultas Sains dan Teknologi UIN Sunan Kalijaga Yogyakarta sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana Strata Satu dalam bidang Matematika.

Dengan ini saya mengharap agar skripsi/tugas akhir Saudara tersebut di atas dapat segera dimunaqsyahkan. Atas perhatiannya saya ucapkan terima kasih.

Yogyakarta, Oktober 2012

Pembimbing II



M. Zaki Riyanto, S.Si, M.Sc.

NIDN. 0513018402



PENGESAHAN SKRIPSI/TUGAS AKHIR

Nomor : UIN.02/D.ST/PP.01.1/3464/2012

Skripsi/Tugas Akhir dengan judul : Pengamanan Pesan Rahasia menggunakan Algoritma Kriptografi RSA

Yang dipersiapkan dan disusun oleh :
Nama : Jajang Nurjaman
NIM : 08610044
Telah dimunaqasyahkan pada : 24 Oktober 2012
Nilai Munaqasyah : A

Dan dinyatakan telah diterima oleh Fakultas Sains dan Teknologi UIN Sunan Kalijaga

TIM MUNAQASYAH :

Ketua Sidang

Mochammad Abrori, S.Si, M.Kom
NIP. 19720423 199903 1 003

Penguji I

Muhammad Wakhid Musthofa, M.Si
NIP.19800402 200501 1 003

Penguji II

Mahmudi, S.Si., M.Si

Yogyakarta, 25 Oktober 2012
UIN Sunan Kalijaga
Fakultas Sains dan Teknologi
Dekan



Prof. Drs. H. Akh. Minhaji, M.A, Ph.D
NIP. 19580919 198603 1 002

SURAT PERNYATAAN KEASLIAN

Yang bertanda tangan di bawah ini :

Nama : Jajang Nurjaman
NIM : 08610044
Program Studi : Matematika
Fakultas : Sains dan Teknologi

Menyatakan dengan sesungguhnya bahwa skripsi ini merupakan hasil pekerjaan penulis sendiri dan sepanjang pengetahuan penulis tidak berisi materi yang dipublikasikan atau ditulis orang lain, dan atau telah digunakan sebagai persyaratan penyelesaian Tugas Akhir di Perguruan Tinggi lain, kecuali bagian tertentu yang penulis ambil sebagai bahan acuan. Apabila terbukti pernyataan ini tidak benar, sepenuhnya menjadi tanggung jawab penulis.

Yogyakarta, Oktober 2012

Yang menyatakan



Jajang Nurjaman

NIM. 08610044

HALAMAN MOTTO

“Musuh yang paling berbahaya di atas dunia ini adalah penakut dan bimbang.
Teman yang paling setia, hanyalah keberanian dan keyakinan yang teguh”.

(Andrew)

“Berani tidak dikenal”

(dr. Roebiono Kertopati)

"Jangan pernah sekali pun berpikir bagaimana caranya untuk bisa menang, tapi berpikirlah bagaimana caranya agar tidak kalah".

(Miyamoto Musashi)

HALAMAN PERSEMBAHAN

Tugas akhir ini penulis persembahkan untuk semua orang yang telah membantu dan memberikan inspirasi kepada penulis dalam menyelesaikan tugas akhir ini :

- ∅ Dengan cinta dan terima kasih penulis persembahkan karya ini kepada ayahanda dan ibunda tercinta yang telah bekerja keras untuk membiayai dan mencurahkan kasih sayangnya, serta menjadi modal semangat saat dalam kebimbangan belajar. Untuk kakak dan keponakan penulis yang selalu menjadi motivasi dan penepis sepi.
- ∅ Kepada semua bapak dan ibu guru, penulis haturkan terima kasih dari hati yang terdalam atas jasa dan pengabdianya yang tulus ketika membimbing penulis dalam menuntut ilmu.
- ∅ Kepada semua bapak dan ibu dosen Program Studi Matematika Fakultas Sains dan Teknologi UIN Sunan Kalijaga Yogyakarta, penulis haturkan terima kasih atas jasa dan pengabdianya yang tulus dalam membimbing penulis.
- ∅ Tugas akhir ini penulis persembahkan kepada almamater tercinta Program Studi Matematika Fakultas Sains dan Teknologi Universitas Islam Negeri Sunan Kalijaga Yogyakarta.

KATA PENGANTAR

Alhamdulillah segala puji syukur penulis haturkan kepada sang Ilahi Robbi Allah SWT. yang selalu melimpahkan rahmat, hidayah, dan karunia-Nya sehingga penulis dapat menyelesaikan tugas akhir ini yang berjudul “Pengamanan Pesan Rahasia Menggunakan Algoritma Kriptografi RSA”.

Shalawat dan Salam semoga tercurah limpahkan kepada junjungan kita Nabi Muhammad SAW. sebagai manusia mulia pilihan yang telah memberikan sinar terang menuju jalan kehidupan yang di ridhai Allah.

Penulis menyadari bahwa dalam proses penyusunan skripsi ini banyak mendapatkan bimbingan, arahan dan bantuan baik moral maupun material dari berbagai pihak. Oleh karena itu, penulis ingin mengucapkan terima kasih kepada:

1. Bapak Prof. Drs. Akh. Minhaji, M.A.,Ph.D. selaku Dekan Fakultas Sains dan Teknologi Universitas Islam Negeri Sunan Kalijaga Yogyakarta.
2. Ibu Dra. Khurul Wardati, M.Si. selaku Pembantu Dekan I Fakultas Sains dan Teknologi Universitas Islam Negeri Sunan Kalijaga Yogyakarta.
3. Bapak M. Abrori, S.Si, M.Kom. selaku Ketua Program Studi Matematika dan selaku Dosen Pembimbing yang telah bersedia meluangkan pikiran dan waktu demi terselesaikannya penulisan tugas akhir.
4. Bapak M. Zaki Riyanto, S.Si, M.Sc. selaku Dosen Pembimbing yang telah bersedia meluangkan pikiran, waktu, serta memberikan pemahaman tentang dunia kriptografi hingga terselesaikannya penulisan tugas akhir ini.
5. Bapak Farhan Qudratullah, M.Si selaku Dosen Penasehat Akademik Program Studi Matematika yang telah memberikan motivasi dan pengarahan kepada penulis.
6. Semua Dosen Fakultas Sains dan Tekhnologi Universitas Islam Negeri Sunan Kalijaga Yogyakarta yang telah memberikan wawasan dan ilmunya kepada penulis sebagai bekal di masa depan.

7. Ayahanda dan Ibunda tersayang, serta kakak-kakak tercinta yang selalu memberikan semangat, dan doa kepada penulis setiap hari.
8. Teman-teman Matematika 2008 yang selalu memberi semangat, semoga tali silaturahmi kita tetap terjaga, dan semoga kesuksesan menyertai kita semua.
9. Segenap pihak yang telah membantu penulis dari pembuatan proposal, sampai terselesaikannya penulisan skripsi ini yang tidak dapat penulis sebutkan satu persatu.

Penulis menyadari sepenuhnya bahwa karya ini masih sangat jauh dari kesempurnaan, oleh karena itu, penulis sangat mengharapkan kritik dan saran yang bersifat membangun demi menambah kesempurnaan tulisan ini. Harapan penulis semoga karya ini dapat memberikan manfaat dan sumbangan bagi kemajuan dan perkembangan ilmu pengetahuan terutama dalam bidang kriptografi.

Yogyakarta, 4 Oktober 2012

Penulis

Jajang Nurjaman

DAFTAR ISI

HALAMAN JUDUL	i
HALAMAN PERNYATAAN	ii
HALAMAN PENGESAHAN	iii
HALAMAN MOTTO	iv
HALAMAN PERSEMBAHAN	v
KATA PENGANTAR	vi
DAFTAR ISI	viii
DAFTAR TABEL	xii
DAFTAR GAMBAR	xiii
DAFTAR ALGORITMA	xiv
ARTI LAMBANG	xv
ABSTRAK	xvi
BAB 1 PENDAHULUAN	1
1.1. Latar Belakang	1
1.2. Rumusan Masalah	3
1.3. Batasan Masalah	3
1.4. Tujuan Penulisan	4
1.5. Tinjauan Pustaka	5
1.6. Metode Penelitian	6
1.6.1. Flowchart Metode Penelitian	6
1.7. Sistematika Penulisan	7
BAB 2 LANDASAN TEORI	9
2.1. Kriptografi	9
2.1.1 Definisi Kriptografi	9
2.1.2. Algoritma Kriptografi	10

2.1.2.1. Algoritma Simetris	12
2.1.2.1. Algoritma Simetris	13
2.2. Sifat-Sifat Bilangan Bulat	16
2.2.1 Divisibility	16
2.2.2 Algoritma Pembagian Pada Bilangan Bulat	18
2.2.3 Pembagi Persekutuan Terbesar	20
2.2.4 Algoritma Euclid	22
2.2.5 Algoritma yang Diperluas	25
2.3. Teori Aljabar	28
2.3.1 Grup	28
2.3.2 Ring dan Field	34
2.4. Konsep Dasar Matematika dalam Algoritma RSA	37
2.4.1. Persamaan Kongruen	37
2.4.2. Residue Clas Ring	40
2.4.3. Pembagian pada Residue Clas Ring	40
2.4.4. Elemen-Elemen Order dalam Grup	44
2.4.5. Multiplicative Grup of Residue	46
2.4.6. Teorema Fermat	49
2.4.7. Metode Fast Exponentation	49
2.4.8. Tes Keprimaan untuk Bilangan Bulat Positif Ganjil	50
2.4.8.1. Tes Fermat	51
2.4.8.2. Bilangan Carmichael	53
2.4.8.3. Tes Miller-Rabbin	54
BAB 3 PEMBAHASAN	57
3.1. Algoritma Kriptografi RSA	57
3.1.1. Sistem ASCII	58
3.1.2. Proses Pembangkitan Kunci Algoritma Kriptografi RSA ...	60
3.1.3. Proses Enkripsi	64
3.1.4. Proses Dekripsi	67

3.2.	Tanda Tangan Digital RSA	70
3.2.1.	Konsep Tanda Tangan Digital	70
3.2.2.	Fungsi Hash	74
3.2.3.	Algoritma Tanda Tangan Digital RSA	77
3.2.3.1.	Proses Pembangkitan Kunci TTD RSA	78
3.2.3.2.	Proses Tanda Tangan RSA	81
3.2.3.3.	Proses Verifikasi	85
3.3.	Implementasi dan Uji Coba	87
3.3.1.	Sarana	87
3.3.1.1.	Spesifikasi Perangkat Keras	88
3.3.1.2.	Spesifikasi Perangkat Lunak	88
3.3.2.	Implementasi	89
3.3.2.1.	Preprocessor, Tipe Data, dan Deklarasi Variabel	90
3.3.2.2.	Subprogram (Subroutine)	90
3.3.2.2.1.	Subprogram RSA	90
3.3.2.2.2.	Subprogram TTD RSA	93
3.3.3.	Program Utama	95
3.3.3.1.	Fungsi Main dalam Program RSA	96
3.3.4.	Uji Coba Program	98
3.3.4.1.	Bahan Pengujian	99
3.3.4.2.	Pengujian Program Kriptografi RSA	99
3.3.4.2.1.	Menentukan Kunci Prima	99
3.3.4.2.2.	Proses Pembangkitan Kunci	100
3.3.4.2.3.	Proses Enkripsi	102
3.3.4.2.4.	Proses Dekripsi	104
3.3.4.3.	Pengujian Program TTD RSA	105
3.3.4.3.1.	Menentukan Kunci Prima	105
3.3.4.3.2.	Proses Pembangkitan Kunci	106
3.3.4.3.3.	Proses Signature	108
3.3.4.3.4.	Proses Verifikasi	110

Bab 4	PENUTUP	114
4.1.	Kesimpulan	114
4.2.	Saran	115
DAFTAR PUSTAKA	116
Lampiran 1	Kode Program RSA dan TTD RSA	118
Lampiran 2	Flowchart RSA dan TTD RSA	142
Lampiran 3	Data Pribadi Penulis	118

DAFTAR TABEL

Tabel 2.1	Perhitungan Algoritma Euclid untuk Mencari $\text{gcd}(100,35)$	24
Tabel 2.2	Perhitungan Algoritma Euclid yang Diperluas	27
Tabel 2.3	Tabel nilai $2^k \text{ mod } 13$, untuk $0 \leq k \leq 12$	44
Tabel 2.4	Tabel ASCII yang tertera pada keyboard	58
Tabel 3.1	Spesifikasi Perangkat Keras	112
Tabel 3.2	Spesifikasi Perangkat Lunak	112

DAFTAR GAMBAR

Gambar 1.1. Ilustrasi Skema Algoritma Kriptografi Simetris	13
Gambar 1.2. Ilustrasi Skema Algoritma Kriptografi Asimetris	14
Gambar 1.3 Skema Tanda Tangan Digital dengan Fungsi Hash	76
Gambar 2.1. Tampilan Program Menu Utama Kriptografi RSA	98
Gambar 2.2. Tampilan Program Menu Utama Tanda Tangan Digital	98
Gambar 2.3. Tampilan Program Deret Bilangan Prima	100
Gambar 2.4. Tampilan Proses Pembangkitan Kunci Kriptografi RSA	101
Gambar 2.5. Tampilan Program Menentukan Kunci Publik dan Kunci Rahasia ...	102
Gambar 2.6. Tampilan Hasil Enkripsi dari Plainteks “Mat08” menjadi Cipherteks	103
Gambar 2.7. Tampilan Program Proses Dekripsi	104
Gambar 2.8. Tampilan Program Tes Miller Rabbin	106
Gambar 2.9. Tampilan Proses Pembangkitan Kunci TTD RSA	107
Gambar 2.10. Tampilan Program Menentukan Kunci Publik dan Kunci Rahasia.	108
Gambar 2.11. Nilai Hash dan Nilai Signature	109
Gambar 2.12. Tampilan Nilai Verifikasi dengan Kunci Publik	110
Gambar 2.13. Tampilan Nilai Hash dengan Satatemen Verifikasi	111

DAFTAR ALGORITMA

Algoritma 2.1. Algoritma Euclid	25
Algoritma 2.2. Algoritma Euclid yang Diperluas	28
Algoritma 2.3. Algoritma Menghitung Invers	42
Algoritma 2.4. Algoritma Tes Keprimaan Fermat	54
Algoritma 2.5. Algoritma Tes Keprimaan Miller-Rabbin	55

ARTI LAMBANG

$x \in Z$: x elemen bilangan bulat
$x \notin Z$: x bukan elemen bilangan bulat
$A \subseteq X$: A himpunan bagian (subset) atau sama dengan X
\emptyset	: Himpunan kosong
\mathbb{Z}	: Himpunan bilangan bulat
\mathbb{R}	: Himpunan bilangan real
\mathbb{N}	: Himpunan bilangan asli
\Rightarrow	: Jika maka
\Leftrightarrow	: Jika dan hanya jika
\rightarrow	: Menuju
\blacksquare	: Akhir sebuah bukti
$\sum_{i=1}^n a_i$: Penjumlahan $a_1 + a_2 + \dots + a_n$
$\prod_{i=1}^n a_i$: Perkalian $a_1 \cdot a_2 \cdot \dots \cdot a_n$
C_r^n	: r kombinasi dari n unsur yang berbeda
$x \leftarrow a$: Nilai a dimasukkan ke dalam x

ABSTRAK

PENGAMANAN PESAN RAHASIA

MENGGUNAKAN ALGORITMA KRIPTOGRAFI RSA

Oleh :

Jajang Nurjaman

08610044

Kriptografi merupakan ilmu yang mempelajari teknik-teknik matematika dalam mengamankan suatu informasi atau pesan asli (*Plainteks*) menjadi sebuah teks tersembunyi (*Cipherteks*) dan kemudian diubah menjadi pesan asli kembali. Kriptografi mempunyai tiga unsur penting yaitu pembangkitan kunci, enkripsi, dan dekripsi. Dalam kriptografi dikenal Algoritma kriptografi RSA yang ditemukan pada tahun 1978 oleh R. Rivest, A. Shamir, dan L. Adleman. Nama RSA sendiri diambil dari ketiga penemunya tersebut.

Algoritma kriptografi RSA merupakan suatu sistem kriptografi yang bekerja pada himpunan bilangan bulat modulo m atau biasa ditulis Z_m , dengan m adalah suatu bilangan hasil kali dari dua bilangan prima ganjil yang berbeda misalkan p dan q , sehingga diperoleh $m = p \times q$. Dalam sistem ini, himpunan *plainteks* dan *cipherteks* diambil dari himpunan Z_m , sehingga keamanan sandi RSA terletak pada sulitnya memfaktorkan bilangan bulat m yang sangat besar.

Skripsi ini bertujuan untuk menerapkan algoritma RSA yang digunakan dalam proses enkripsi dan dekripsi dengan *Metode Fast Exponentiation*, beserta konsep-konsep matematis yang melandasinya seperti teori bilangan dan teori aljabar. Kemudian dibuat sebuah program pengamanan pesan rahasia yang sederhana berdasarkan algoritma RSA dan tanda tangan digital RSA.

Kata kunci : Algoritma, Aljabar, Asimetris, RSA, Tanda Tangan Digital, Kriptografi, Kunci Publik.

BAB I

PENDAHULUAN

1.1. Latar Belakang

Perkembangan ilmu pengetahuan sangat berpengaruh terhadap perkembangan teknologi. Salah satu teknologi yang sedang berkembang pesat adalah teknologi informasi yang ditandai dengan kemudahan untuk mencari suatu informasi dengan cepat dan murah tanpa harus memperhatikan batasan ruang dan waktu. Sehingga dalam hitungan menit ataupun detik, kita dapat mengetahui informasi dari suatu negara atau benua lain.

Di era teknologi internet sekarang ini, semua informasi dapat dikirim dengan bebas melalui suatu jaringan dengan tingkat keamanan yang rentan dan memungkinkan terjadinya penyadapan suatu informasi. Hal tersebut secara langsung maupun tidak langsung mempengaruhi sistem perdagangan, transaksi, bisnis, perbankan, industri dan pemerintahan yang umumnya mengandung informasi rahasia. Kasus bocornya data rahasia intelijen pemerintah Amerika Serikat bahkan dunia, tak terkecuali data rahasia intelijen pemerintah Indonesia oleh Wikileaks, merupakan salah satu contoh bahwa penyadapan informasi bisa terjadi di mana saja dan oleh siapa saja.

Berbagai hal telah dilakukan untuk mendapatkan jaminan keamanan informasi rahasia. Faktor utama yang harus dipenuhi dalam mengamankan data rahasia adalah tingkat keamanan teknologi informasi yang tinggi. Salah satu cara yang digunakan adalah dengan menyandikan isi informasi menjadi suatu kode-

kode yang tidak dimengerti sehingga penyadap akan kesulitan untuk mengetahui isi informasi yang sebenarnya.

Kriptografi merupakan sebuah studi matematis yang terkait dengan aspek-aspek yang berhubungan dengan keamanan informasi seperti bagaimana menyembunyikan isi data, mencegah data dirubah tanpa terdeteksi, ataupun mencegah data digunakan tanpa otorisasi yang cukup. Orang yang melakukan proses kriptografi disebut sebagai *Kriptografer*. Kebalikan dari kriptografi adalah *Kriptoanalisis*, yaitu seni dan ilmu untuk memecahkan *Chiperteks* menjadi *Plainteks* tanpa melalui cara yang seharusnya dan orangnya disebut sebagai Kriptoanalisis (Menezes dkk,1996: 4).

Salah satu algoritma kriptografi yang di bahas dalam tugas akhir ini adalah Algoritma Kriptografi RSA, ditemukan pertama kali pada tahun 1978 oleh Ron Rivest, Adi Shamir, dan Leonard Adleman. Nama RSA itu sendiri merupakan singkatan dari inisial nama mereka bertiga. RSA termasuk dalam algoritma kriptografi asimetris yang mempunyai dua kunci, yaitu kunci publik dan kunci rahasia. Sampai saat ini, Algoritma kriptografi RSA merupakan salah satu yang paling maju dalam bidang kriptografi kunci dan banyak digunakan karena kehandalannya yaitu algoritma pertama yang cocok untuk tanda tangan digital (*Digital Signature*).

Tanda tangan digital merupakan suatu tanda tangan (penanda) yang dibubuhkan pada data digital. Tanda tangan digital bukan merupakan hasil scan atau input tanda tangan melalui *interface* tertentu. Tanda tangan digital adalah suatu nilai kriptografis yang bergantung pada isi data itu sendiri serta kunci yang

digunakan untuk membangkitkan nilai kriptografisnya. Sehingga nilai setiap tanda tangan digital dapat selalu berbeda tergantung data yang ditandatangani.

Tanda tangan digital yang dibubuhkan ke dalam suatu data dapat memvalidasi dari mana data tersebut berasal. Tanda tangan ini memberi rasa aman kepada penerima data karena ia dapat mengetahui siapa yang mengirim data tersebut. Tanda tangan yang valid saat diotentikasi ulang juga menjamin bahwa data yang dikirim tidak mengalami perubahan atau modifikasi selama proses pengiriman.

1.2. Rumusan masalah

Berdasarkan latar belakang yang telah di uraikan, maka yang menjadi rumusan masalah pada penulisan tugas akhir ini adalah :

1. Konsep-konsep matematis yang melandasi pembentukan algoritma kriptografi RSA.
2. Cara kerja algoritma kriptografi RSA dan aplikasinya dalam tanda tangan digital.
3. Proses penyandian serta implementasi algoritma RSA dalam sebuah program komputer yang sederhana.

1.3. Batasan Masalah

Sesuai dengan judul tugas akhir ini, maka pembahasan akan lebih di fokuskan pada algoritma RSA yang merupakan bagian dari kunci publik. Adapun yang menjadi pembatasan masalah adalah sebagai berikut:

1. Pembahasan mengenai algoritma RSA ini meliputi, konsep matematis yang melandasinya, seperti konsep teori aljabar yang meliputi grup dan ring untuk memudahkan pemahaman mengenai algoritma RSA.
2. Membahas proses penyandian pesan yang meliputi proses pembentukan kunci, proses enkripsi dan proses dekripsi serta implementasinya dalam sebuah program sederhana.
3. Pada tugas akhir ini pembahasan implementasi RSA pada tanda tangan digital hanya meliputi konsep teoritis dan tidak membahas mengenai cara-cara untuk memecahkan mekanisme penyandian (Kriptanalisis Algoritma RSA).
4. Aplikasi pengamanan data dibuat dengan menggunakan bahasa pemrograman C++.

1.4. Tujuan Penulisan

Tujuan yang ingin di capai dalam pembuatan tugas akhir ini adalah

1. Mengenalkan konsep matematis yang melandasi pembentukan algoritma kriptografi RSA beserta penerapannya pada tanda tangan digital.
2. Dapat menentukan kunci publik dan kunci rahasia dari algoritma kriptografi RSA. Serta dapat melakukan proses Enkripsi dan Dekripsi pada algoritma kriptografi RSA.
3. Dapat membuat program aplikasi komputer yang dapat melakukan proses Enkripsi dan Dekripsi sesuai dengan algoritma RSA. program aplikasi

komputer tersebut hanya sebagai contoh aplikasi dalam mengamankan sebuah pesan rahasia.

1.5. Tinjauan Pustaka

Penelitian mengenai kriptografi telah banyak dilakukan oleh para ahli dalam bidang penyandian. Penelitian itu telah menghasilkan banyak algoritma penyandian baru dengan efektifitas dan keamanan yang lebih baik. Tetapi masih sangat sedikit sekali yang membahas secara mendetail tentang konsep matematisnya.

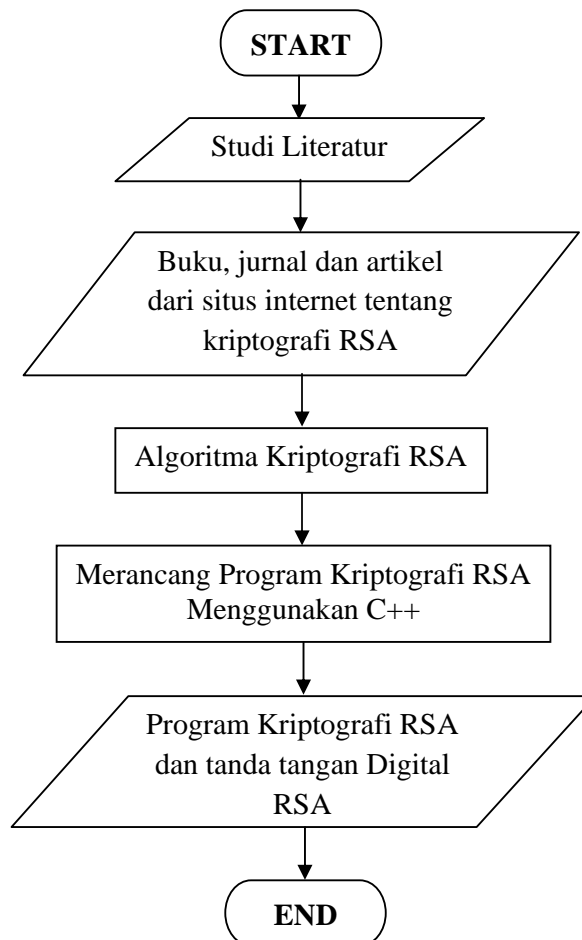
Referensi utama penulisan skripsi ini adalah artikel Kelompok Studi Sandi Yogyakarta yang di tulis oleh M. Zaki Riyanto dan Ardhi Ardhan pada tahun 2008 berjudul *Kriptografi Kunci Publik: Sandi RSA* sangat menarik untuk diteliti karena pada beberapa bagian telah dilengkapi dengan penjelasan mengenai proses enkripsi maupun dekripsi pada algoritma RSA. Selain itu, Jurnal teknik informatika yang di tulis oleh Rinaldi Munir yang berjudul *Penggunaan Tanda Tangan Digital Untuk Menjaga Integritas Berkas Digital* menjadi referensi kedua pada tugas akhir ini karena sebagai sarana pengembangan sistem kriptografi pada tanda tangan digital.

Selain itu beberapa buku kriptografi, tugas akhir mahasiswa S1, artikel situs internet yang berkaitan dengan kriptografi RSA sebagai bahan referensi tambahan pada pembuatan tugas akhir ini.

1.6. Metode Penelitian

Metode yang digunakan pada pembuatan tugas akhir ini adalah metode studi literatur mengenai algoritma RSA pada beberapa buku kriptografi, jurnal, maupun artikel dalam situs internet yang berhubungan dengan RSA. Kemudian penulis mengambil beberapa materi yang menjelaskan algoritma RSA dan membahasnya, langkah terakhir adalah melakukan perancangan dan menerapkan algoritma tersebut pada C/C++ untuk membuat program aplikasi penyandian tersebut.

1.6.1. Flowchart Metode Penelitian



1.7. Sistematika Penulisan

Dalam tugas akhir ini pembahasan materi akan disusun menjadi empat bab. Materi tersebut adalah sebagai berikut :

BAB I : Pendahuluan

Bab ini membahas mengenai latar belakang, perumusan masalah, batasan masalah, tujuan penulisan tugas akhir, tinjauan pustaka, metode penelitian, serta sistematika penulisan tugas akhir.

BAB II : Landasan Teori

Pada bab ini dibahas mengenai tiga landasan teori, yaitu mengenai kriptografi, bilangan bulat, dan konsep matematika pada pembentukan algoritma RSA. Pada bagian kriptografi akan diberikan definisi, dan algoritma kriptografi. Sedangkan pada bilangan bulat akan dibahas mengenai sifat-sifat menguntungkan yang dimiliki bilangan bulat seperti divisibilitas, algoritma pembagian bilangan bulat, pembagi persekutuan terbesar, algoritma Euclid, algoritma Euclid yang diperluas, grup, homomorfisma grup, isomorfisma grup dan ring. Selain itu, terdapat konsep matematika pada algoritma RSA seperti persamaan kongruen, *residue clas ring*, pembagian pada residue clas ring, order elemen-elemen grup, *multiplicative grup residue*, teorema fermat, *metode fast exponention*, tes keprimaan dengan tes Miller-Rabin.

Bab III : Pembahasan

3.1. Algoritma RSA dan Tanda Tangan Digital RSA

Pada sub bab ini akan dibahas proses kerja algoritma RSA yaitu proses pembentukan kunci, proses enkripsi dan proses dekripsi, serta contoh kasus penggunaannya.

3.2. Tanda Tangan Digital RSA

Pada sub bab ini akan dibahas proses kerja tanda tangan digital RSA mulai dari pembentukan kunci, pembentukan nilai hash, proses tanda tangan digital, dan verifikasi tanda tangan digital, serta contoh kasus penggunaannya.

3.3. Implementasi dan Hasil Uji Coba

Sub bab ini mengulas mengenai langkah-langkah pembuatan program penyandian data menggunakan algoritma RSA, beserta hasil uji coba program tersebut.

Bab IV : Penutup

Bab ini berisi kesimpulan dan saran.

BAB IV

PENUTUP

4.1. Kesimpulan

Setelah menyelesaikan penyusunan Tugas Akhir ini, maka penulis dapat menarik beberapa kesimpulan yaitu:

1. Untuk algoritma kriptografi asimetris, seperti algoritma kriptografi RSA, sangat baik untuk mengatasi masalah distribusi kunci.
2. Secara komputasi, teknik enkripsi dan dekripsi pesan dengan algoritma kriptografi RSA memerlukan waktu eksekusi yang lebih lama, terutama jika menggunakan nilai pembangun kunci yang cukup besar. Sehingga, hal tersebut mengakibatkan algoritma RSA kurang efisien dan efektif untuk memproses data yang cukup besar.
3. Untuk tetap menjaga keautentikan cipherteks ketika dalam proses perjalanan pengiriman, maka cipherteks tersebut harus dibubuhkan tanda tangan digital sebagai bukti pesan tersebut masih utuh. Dalam proses tanda tangan digital, terdapat fungsi hash yang melandasinya. Fungsi hash yang digunakan dalam tugas akhir ini adalah fungsi hash dengan metode penjumlahan nilai setiap karakter pada plainteks.
4. Bahasa yang digunakan untuk pembuatan program dalam tugas akhir ini adalah bahasa pemrograman C/C++. Program tersebut merupakan simulasi dasar seperti proses pembentukan kunci, proses enkripsi, proses dekripsi, proses tanda tangan digital, dan proses verifikasi tanda tangan digital RSA.

Kemampuan program dalam tugas akhir ini masih terbatas, seperti proses pembentukan kunci hanya sampai 5 digit bilangan prima, serta data (pesan) yang bisa di proses oleh program ini merupakan pesan singkat.

4.2. Saran

Setelah membahas dan mengimplementasikan algoritma RSA pada tugas akhir ini, penulis ingin menyampaikan beberapa saran sebagai berikut berikut :

1. Nilai kunci yang digunakan sebaiknya sangat besar, untuk mengantisipasi terjadinya serangan terhadap nilai faktor n .
2. Diperlukan suatu metode untuk mempercepat proses enkripsi dan dekripsi dengan menggunakan nilai kunci yang sangat besar.
3. Untuk menjaga keamanan cipherteks hasil enkripsi algoritma RSA, maka kunci publik harus selalu dilindungi dari upaya penghapusan dan penggantian nilai kunci publik oleh orang yang tidak bertanggung jawab.
4. Diperlukan suatu antisipasi pada fungsi hash penjumlahan karakter terhadap serangan perubahan tata letak setiap karakter, yang akan menyebabkan nilai hash akan selalu sama dengan nilai tanda tangan digital saat verifikasi.
5. Diperlukan suatu langkah penyempurnaan untuk program tugas akhir ini, agar bisa memproses enkripsi dan dekripsi data yang besar dengan cepat ketika menggunakan kunci bilangan prima yang besar.

Daftar Pustaka

- Ariswan. 2008. *Konsep Dasar Matematika pada Algoritma Kriptografi RSA*. Skripsi. Yogyakarta: Fakultas Matematika dan Ilmu Pegetahuan Alam UGM.
- Buchmann, Johannes A. 2000. *Introduction to Cryptography*. USA : Springer-Verlag New York, Inc.
- Fraleigh, John B.. 2000, *A First Course in Abstract Algebra*, Sixth Edition, Addison-Wesley Publishing Company, Inc., USA.
- Isnarto. 2005. *Struktur Aljabar*. Semarang: Fakultas Matematika dan Ilmu Pegetahuan Alam Universitas Negeri Semarang.
- Jeffrey, Pipher, and Silverman. 2000. *An Introduction Mathematical Cryptography*. USA : Springer-Verlag New York, Inc.
- Latuconsina, Roswan. 2006. *Fungsi Hash: Tiger (Sebuah Kajian dan Spesifikasi)*. Bandung: Institut Teknologi Bandung.
- Menezes, Oorcshot, and Vanstone. 1996. *Handbook of Applied Cryptography*, USA : CRC Press, Inc.
- Munir, Rinaldi. 2006. *Kriptografi*. Bandung : Informatika.
- Munir, Rinaldi. 2006. *Penggunaan Tanda Tangan Digital Untuk Menjaga Integritas Berkas Perangkat Lunak*. Bandung : Institut Teknologi Bandung.
- M. Zaki Riyanto, Ardhi Ardian. 2008. *Kriptografi Kunci Publik : Sandi RSA*. Yogyakarta: Kelompok Studi Sandi Yogyakarta.
- Ngoen, Thompson S. 2006. *Pengantar Algoritma Dengan Bahasa C*. Jakarta : Salemba Teknika.
- Riyanto, Muhamad Z. 2007. *Pengamanan Pesan Rahasia Menggunakan Algoritma Kriptografi ElGamal Atas Grup Pergandaan Z_p^** . Skripsi. Yogyakarta : Fakultas Matematika dan Ilmu Pegetahuan Alam UGM.

- Setiawan, Ahmad Budi. *Implementasi Algoritma RSA dalam Pembuatan Sistem Kriptografi Tanda Tangan Digital. Paper*. Jakarta : Badan Litbang SDM Depkominfo.
- Stinson, RD. 2006. *Cryptography Theory and Practice*. Canada : Chapman and Hall/CRC.
- Schneier, Bruce. 1996. *Applied Cryptography, Second Edition : Protocol, Algorithms and Source Code in C*. John Wiley and Sons, Inc.
- _____, 2012, *RSA Algorithm Using C* , <http://cppgm.blogspot.com>, 24 Mei 2012, 13:21.

LAMPIRAN 1.

1.1. Kode Program RSA

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include <iostream.h>
#include <time.h>
#include <stdlib.h>

long int phi,M,e,d,C,FLAG;
long int a, b, c, t, w,md,xx,zz;
long int p,q,s,kp,kr,y,x,ans,ans2,n;
unsigned long long j,i,num,pow;
signed chp;
char ss[1000],dd[1000];
long v[1000],qq[1000];
char jawab;

long int tampprima()
{
long int x1,y1,c=0;
printf("***) Masukkan Dua Buah Bilangan Bulat Positif Sebagai Batas
Awal dan Batas Akhir\n      Sebuah Deret Bilangan Prima\n\n");
printf("\n\n=> Silahkan masukkan nilai batas awal deret =
"); scanf("%d",&y1);
printf("\n");
printf("=> Silahkan masukkan nilai batas akhir deret = ");
scanf("%d",&x1);
printf("\n\n\n");
printf("=====\n\n");
printf("\n|| Deret Bilangan Prima dari %d sampai %d\t
||\n",y1,x1);
printf("=====\n\n");
for(int i=y1;i<=x1;i++){
for(int j=1;j<=i;j++){
if(i % j == 0){
c++;
}
}
if(c == 2) printf("%d\t",i);
c=0;
}
getch();
cout<<"          "<<endl;
printf("\n=====\n\n");
;
printf("***) Pilihlah Dua Buah Bilangan Bulat dari deret
diatas,\n      kemudian masukan kedalam konstanta p dan q pada menu
pembangkitan kunci !\n\n");
}

using namespace std;
```

```

unsigned long random(unsigned long f,unsigned long g)
{
    srand((unsigned long)time(NULL));
    return (unsigned long)(f+rand()%g);
}
long PowMod(long x,long y,long g)
{
    long k, l, u;
    k=1; l=x; u=y;
    while(u){
        if(u&1)k=(l*k)%g;
        u>>=1;
        l=(l*l)%g;
    }
    return k;
}
long int RabinMillerKnl(unsigned long g)
{
    unsigned long B, f=g-1, j=0, v, i;
    while(!(f & 1)){
        ++j;
        f>>=1;
    }
    B=random(2,f);
    v=PowMod(B, f, g);
    if(v == 1)
        return 1;
    i=1;
    while(v != g - 1){
        if(i == j)
            return 0;
        v=PowMod(v, 2, g);
        i++;
    }
    return 1;
}
long int PrimeTestp()
{
    unsigned long p;
    int TestNum=5;
    int count=0;
op:
    cout<<"\n\n=> Masukan sembarang bilangan prima p = ";
    cin>>p;

    for(int temp=0; temp < TestNum; temp++)
    {
        if (p%2==0)
        {
            if (p==2)
                count=TestNum;
            break;
        }
        if(RabinMillerKnl(p))
            count++;
        else

```

```

        break;
    }
    if(count==TestNum)
    {
printf("\n >>> Hasil Tes : %d adalah bilangan prima \n\n",p);
    }
    else
    {
printf("\n ** >>> Hasil Tes : %d bukan bilangan prima \n\n
Silahkan masukan kembali nilai p !\n\n", p);
        goto op;}
    }
long int PrimeTestq()
{
    unsigned long q;
    int TestNum=5;
    int count=0;
    oq :
    cout<<"\n\n=> Masukan sembarang bilangan prima q = ";
    cin>>q;
    for(int temp=0; temp < TestNum; temp++)
    {
        if (q%2==0)
        {
            if (q==2)
                count=TestNum;
            break;
        }
        if(RabinMillerKnl(q))
            count++;
        else
            break;
    }
    if(count==TestNum)
    printf("\n >>> Hasil Tes : %d adalah bilangan prima\n\n",q);
    else
    {
printf("\n ** >>> Hasil Tes : %d bukan bilangan prima, \n\n
Silahkan masukan kembali nilai q !\n\n",q);
        goto oq;}
    }
long int pembangkit(){
    pq:
    int jum, i;
    cout<<"=> Masukan Bilangan Prima p = "; //sebagai nilai p
    cin>>p;
    jum = 0;
    for (i=1; i<=p; i++)
    if (p%i==0) jum++;
    if (jum==2) {
        goto q;}
    else{
printf("\n ** maaf! nilai %d adalah bilangan composit,\n
silahkan masukan kembali bilangan prima lain ! \n\n",p);
        goto pq;
    }
}

```

```

q:
printf("\n\n");
cout<<"=> Masukan Bilangan Prima q = "; //sebagai nilai q
cin>>q;
jum = 0;
for (i=1; i<=q; i++)
if (q%i==0) jum++;
if (jum==2) {
goto q2;}
else{
cout << "** maaf nilai p bukan bilangan prima, silahkan masukan
kembali bilangan prima lain ! \n";
goto q;
}
q2 :
if (p==q){
printf("\n ** maaf nilai p tidak boleh sama dengan nilai q !\n");
goto pq;}
else
n = p*q;
printf("\n\n Nilai modulus :\n");
printf("\n\t\t\t2\ttn = %d * %d = %d \t\n",p,q,n);
if (n<250){
printf("\n\ta ** Maaf nilai n harus lebih besar dari 250,\n
Masukan kembali bilangan prima p dan q yang besar!\n\n");
goto pq;}
phi=(p-1)*(q-1);
printf("\n Nilai Totien :\n");
printf("\n\t\t\t5\tF(n)= (%d - 1)*(%d - 1)= %d \t",p,q,phi);
cout<<" ";<<endl;
}
long int gcd(int a, int b) {
long int temp;
while (b != 0) {
temp = a % b;
a = b;
b = temp;
}
return(a);
}
long int eu () {
}
long int extended(int x,int y)
{
long int a1=1,a2=0,a3=x,b1=0,b2=1,b3=y,q,t1,t2,t3;
abc: if(b3==0)
{
return a3;
}
if(b3==1)
{
return b2;
}
q=(a3/b3);
t1=a1-(q*b1);

```

```

        t2=a2-(q*b2);
        t3=a3-(q*b3);
        a1=b1;
        a2=b2;
        a3=b3;
        b1=t1;
        b2=t2;
        b3=t3;
        goto abc;
    }
    unsigned mod_powEnk(unsigned num,unsigned kp,unsigned n)
    {
        unsigned long long test;
        unsigned long long nn = num;
        for(test = 1; kp; kp >>= 1)
        {
            if (kp & 1)
                test = ((test % n) * (nn % n)) % n;
                nn = ((nn % n) * (nn % n)) % n;
        }
        return test;
    }
    unsigned mod_powEnk2(unsigned num,unsigned kp,unsigned n)
    {
        unsigned long long test;
        unsigned long long nn = num;
        for(test = 1; kp; kp >>= 1)
        {
            if (kp & 1)
                test = ((test % n) * (nn % n)) % n;
                nn = ((nn % n) * (nn % n)) % n;
        }
        return test;
    }
    unsigned mod_powEnk3(unsigned num,unsigned kp,unsigned n)
    {
        unsigned long long test;

        unsigned long long nn = num;
        for(test = 1; kp; kp >>= 1)
        {
            if (kp & 1)
                test = ((test % n) * (nn % n)) % n;
                nn = ((nn % n) * (nn % n)) % n;
        }
        return test;
    }
    unsigned Enkripsi3 (){
        signed long long pow=ans;

        cout<<"======"<<endl
        ;
        cout<<"=\tSilahkan Ketikan Pesan (Tanpa Spasi)\t   ="<<endl;
        cout<<"======"<<endl
        ;
        printf("\nPesan : ");scanf("%s",&ss);

```

```

    for (i = 0 ; ss[i] !=0; i++)
        v[i] = (ss[i]);
    printf("\n Nilai ASCII nya : \n\n");
    for (j = 0; j < i; j++){
        printf("\t%c = %d\t", v[j],v[j]);
        int num=v[j];
    }
    printf("\n\n=> jumlah karakter yang diketik = %d\n\n",j);
    cout<<" " <<endl;
    cout<<"=====" <<endl;
    cout<<"\tPeroses Enkripsi\t =" <<endl;
    cout<<"=====" <<endl;
    printf("\n");
    printf("\n\n1 masukan Kunci Publik : "); scanf("%d",&kp);
    printf("\n\n2 masukan nilai modulo: "); scanf("%d",&n);
    printf("\n **) Nilai Chiperteksnya adalah :\n\n");
    cout<<" +-----+" <<endl;
    cout<<" +-----+\n" <<endl;
    for (j = 0; j < i; j++){
        unsigned long long num=v[j];
        qq[j]=mod_powEnk3(v[j],kp,n);
        printf(" ");
        printf("%d\t", qq[j]);
    }
    {
        cout<<"\n\n +-----+" <<endl;
        cout<<" +-----+\n" <<endl;
        printf("\n\n");
    }
}
unsigned mod_powDek2(unsigned num, unsigned pow, unsigned mod)
{
    unsigned long long test;
    unsigned long long n = num;
    for(test = 1; pow; pow >>= 1)
    {
        if (pow & 1)
            test = ((test % mod) * (n % mod)) % mod;
            n = ((n % mod) * (n % mod)) % mod;
    }
    return test;
}
int metfastDek2()
{
    unsigned long long num;
    unsigned long long pow;
    unsigned long long mod=n;
    cout<<" " <<endl;
    cout<<"Peroses Dekripsi" <<endl;
    cout<<"=====" <<endl;
    printf("Masukan Nilai Chiperteks = ");
    scanf("%d",&num);
    printf("\n\n Kunci Rahasia = ");
    scanf("%d",&pow);
    printf(" modulo          = %d",&n);
}

```



```

        printf("\n **) hasil Dekripsinya adalah %d\n\n",
mod_powDek2(num, pow, mod));
    {
        printf("\n\n pesan aslinya adalah ");
        int i=mod_powDek2(num, pow, mod);
        cout<<i<<" --> "<<char(i)<<endl;
        getch();
        cout<<"
                "<<endl;
    }
}
unsigned mod_pow3(unsigned num3, unsigned pow3, unsigned mod3)
{
    unsigned long long test3;
    unsigned long long n = num3;
    for(test3 = 1; pow3; pow3 >>= 1)
    {
        if (pow3 & 1)
            test3 = ((test3 % mod3) * (n % mod3)) % mod3;
            n = ((n % mod3) * (n % mod3)) % mod3;
    }
    return test3;
}
int metDek3()
{
    int j,i;
    unsigned long long num3;
    unsigned long long pow3;
    unsigned long long mod3;
    printf("\n Masukkan jumlah partisi enkripsi = ");
    scanf("%d",&j);
    printf("\n\nMasukan Kunci Rahasia = ");
    scanf("%d",&pow3);
    printf("\nMasukan modulusnya = ");
    scanf("%d",&mod3);
    for(i=0; i<j;i++){
        printf("\n\n Masukkan nilai enkripsinya = ");
        scanf("%d",&num3);
        printf("\n\n pesan aslinya adalah ");
        int a=mod_pow3(num3, pow3, mod3);
        cout<<a<<" --> "<<char(a)<<endl;
        cout<<"
                "<<endl;
    }
}
void main()
{
    int pilih;

printf("#####\n")
;
    printf("##
##\n");
    printf("#\t\t\tPROGRAM KRIPTOGRAFI RSA\t\t\t
#\n");
    printf("#
#\n");
}

```

```

printf("#\tPROGRAM PENGAMANAN PESAN RAHASIA RSA\
#\n");
printf("#=====*****=====#\n"
);
printf("#\t\t\t Cr: Jajang Nurjaman (08610044)\t\t\t
#\n");
printf("#\tUIN Sunan Kalijaga Yogyakarta\t
\n");
printf("#####\n"
);
Menu:
printf("=====\n");
printf("|| MENU PROGRAM ||\n");
printf("\l\l===== \l\l\n");
printf("|| 1.Tampilkan Deret Bilangan Prima ||\n");
printf("|| 2.Tes Keprimaan Miller-Rabbin ||\n");
printf("|| 3.Pembentukan Kunci (Enkripsi & Dekripsi Otomatis ||\n");
printf("|| 4.Enkripsi Manual ||\n");
printf("|| 5.Dekripsi Manual ||\n");
printf("|| 6.Keluar ||\n");
printf("\l\l===== \l\l\n");
printf("=> Silahkan Pilih No MENU (1-6) = ");
scanf("%d",&pilih);
printf("\n\n\n");
switch (pilih){
case 1:
cout<<" " <<endl;
printf("=====\n");
cout<<"= Menampilkan Deret Bilangan Prima ="<<endl;
cout<<"===== "<<endl;
printf(" \n");
tampprima();
cout<<" " <<endl;
goto cs2;
case 2:
printf("=====\n");
cout<<"= Tes keprimaan Miller-Rabbin ="<<endl;
cout<<"===== "<<endl;
printf("\n**) Catatan : Pilihlah Bilangan Prima yang besar
!\n\n");
PrimeTestp();

PrimeTestq();
cout<<" " <<endl;
cout<<" (***)"<<endl;
cout<<"\nJika nilai p dan q prima, masukanlah kedua nilai pada
proses pembangkitan kunci"<<endl;
cout<<" " <<endl;
goto cs2;
case 5:
{
cout<<" " <<endl;
printf("=====\n");
cout<<"= Menampilkan Dekripsi manual ="<<endl;
cout<<"===== "<<endl;
printf(" \n");

```



```

        printf("%d\t", qq[j]);
    }
}
cout<<"\n\n +-----" << endl;
cout<<" +-----+\n" << endl;
printf("\n\n");
printf("|>>> Apakah Pesan akan di Dekripsi (Y/T) ? ");
fflush(stdin);
scanf("%c",&jawab);
printf("\n");
while(jawab=='Y' || jawab=='y'){goto ext;}
while(jawab=='T' || jawab=='t'){goto ax;}
}
ext:
    printf("\n\n\n\n");
    int extended(int x,int y);
    cout<<"\n=====" << endl;
    cout<<"=\tPeroses Dekripsi\t =" << endl;
    cout<<"=====" << endl;
    printf("\n");
    ans=extended(x,y);
    if (0<ans){
        printf("\n\1\3| kunci rahasianya adalah %d \t ",ans%phi);
    }
    else{
        printf("\n\1\3| kunci rahasianya adalah %d \t ",(ans+phi)%phi);
    }
}
{
    printf("\n");
    unsigned long long kr;
printf("\n=> Masukan Kunci Rahasia diatas= ");
    scanf("%d",&kr);
    unsigned long long num=qq[j];
    unsigned long long pow=kr;
    unsigned long long mod=n;
    printf("\n pesan aslinya adalah:\n\n ");
    cout<<" +-----" << endl;
    cout<<" +-----+\n" << endl;
        for (j = 0; j < i; j++){
            unsigned long long num=qq[j];
            unsigned long long i=mod_powDek2(num, pow, mod);
            cout<<"\t" << char(i);
        }
    }
    cout<<"\n\n +-----" << endl;
    cout<<" +-----+\n" << endl;
}
goto ax;
}
while(jawab=='T' || jawab=='t'){goto ak;}
ak :
printf(" \n\n\t\tTerima Kasih Telah Menggunakan Program ini\n");
goto end;
{

```

```
ax:
printf("\n\n|>> Apakah anda ingin kembali ke MENU awal (Y/T) ?
");
    fflush(stdin);
    scanf("%c",&jawab);
    printf("\n");
    while(jawab=='Y' || jawab=='y'){
        printf("\n\n\n\n\n");
        goto Menu;}
    while(jawab=='T' || jawab=='t'){goto ak;}}
end: return 0;
}
```

1.2. Kode Program TTD RSA

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include <iostream.h>
#include <time.h>
#include <stdlib.h>

long int phi,M,e,d,C,FLAG;
long int a, b, c, t, w,md,xx,zz;
long int p,q,s,kp,kr,y,x,ans,ans2,n;
unsigned long long j,i,num,pow,total,totall,count,sig;
signed chp;
char jawab;
long int tampprima()
{
    long int x1,y1,c=0;
    printf("***) Masukkan Dua Buah Bilangan Bulat Positif Sebagai Batas
Awal dan Batas Akhir\n      Sebuah Deret Bilangan Prima\n\n");
    printf("\n\n=> Silahkan masukkan nilai batas awal deret = ");
    scanf("%d",&y1);
    printf("\n");
    printf("=> Silahkan masukkan nilai batas akhir deret = ");
    scanf("%d",&x1);
    printf("+-----+");
    printf("\n|| Deret Bilangan Prima dari %d sampai %d\t
|\n",y1,x1);
    printf("+-----+\n\n");
    for(int i=y1;i<=x1;i++){
        for(int j=1;j<=i;j++){
            if(i % j == 0){
                c++;
            }
        }
        if(c == 2) printf("%d\t",i);
        c=0;
    }
    getch();
    cout<<"          "<<endl;
    printf("\n=====\\n\\n");
    printf("***) Pilihlah Dua Buah Bilangan Bulat dari deret diatas,\n
kemudian masukan kedalam konstanta p dan q pada menu pembangkitan
kunci !\n\n");
    clrscr;
}
using namespace std;
unsigned long random(unsigned long f,unsigned long g)
{
    srand((unsigned long)time(NULL));
    return (unsigned long)(f+rand()%g);
}
long PowMod(long x,long y,long g)
{
    long k, l, u;
    k=1; l=x; u=y;
    while(u){
```

```

        if(u&1)k=(l*k)%g;
        u>>=1;
        l=(l*1)%g;
    }
    return k;
}
long int RabinMillerKnl(unsigned long g)
{
    unsigned long B, f=g-1, j=0, v, i;
    while(!(f & 1)){
        ++j;
        f>>=1;
    }
    B=random(2,f);
    v=PowMod(B, f, g);
    if(v == 1)
        return 1;
    i=1;
    while(v != g - 1){
        if(i == j)
            return 0;
        v=PowMod(v, 2, g);
        i++;
    }
    return 1;
}
long int PrimeTestp()
{
    unsigned long p;
    int TestNum=5;
    int count=0;
    op:
    cout<<"\n\n=> Masukan sembarang bilangan prima p = ";
    cin>>p;

    for(int temp=0; temp < TestNum; temp++)
    {
        if (p%2==0)
        {
            if (p==2)
                count=TestNum;
            break;
        }
        if(RabinMillerKnl(p))
            count++;
        else
            break;
    }
    if(count==TestNum)
    {
        printf("\n   >>> Hasil Tes :  %d adalah bilangan prima
\n\n",p);
    }
    else{
        printf("\n ** >>> Hasil Tes :  %d bukan bilangan prima \n\n
Silahkan masukan kembali nilai p !\n\n", p);
    }
}

```



```

        goto op;}
    }
long int PrimeTestq()
{
    unsigned long q;
    int TestNum=5;
    int count=0;
oq :
    cout<<"\n\n=> Masukan sembarang bilangan prima q = ";
    cin>>q;
    for(int temp=0; temp < TestNum; temp++)
    {
        if (q%2==0)
        {
            if (q==2)
                count=TestNum;
            break;
        }
        if(RabinMillerKn1(q))
            count++;
        else
            break;
    }
    if(count==TestNum)
        printf("\n >>> Hasil Tes : %d adalah bilangan prima\n\n",q);
    else
    {
        printf("\n ** >>> Hasil Tes : %d bukan bilangan prima, \n\n
        Silahkan masukan kembali nilai q !\n\n",q);
        goto oq;}
    }
long int pembangkit(){
    pq:
    int jum, i;
    cout<<"=> Masukan Bilangan Prima p = "; //sebagai nilai p
    cin>>p;
    jum = 0;
    for (i=1; i<=p; i++)
        if (p%i==0) jum++;
    if (jum==2) {
        goto q;}
    else{
        printf("\n ** maaf! nilai %d adalah bilangan composit,\n
        silahkan masukan kembali bilangan prima lain ! \n\n",p);
        goto pq;
    }
q:
    printf("\n\n");
    cout<<"=> Masukan Bilangan Prima q = "; //sebagai nilai q
    cin>>q;
    jum = 0;
    for (i=1; i<=q; i++)
        if (q%i==0) jum++;
    if (jum==2) {
        goto q2;}
    else{

```

```

    cout << "*** maaf nilai p bukan bilangan prima, silahkan masukan
kembali bilangan prima lain ! \n";
    goto q;
}
q2 :
    if (p==q){
printf("\n ** maaf nilai p tidak boleh sama dengan nilai q !\n");
        goto pq;}
    else
n = p*q;
printf("\n Nilai modulus :\n");
printf("\n\t\t|>>>\tn = %d * %d = %d \t\n",p,q,n);
if (n<250){
printf("\n\ a ** Maaf nilai n harus lebih besar dari 250,\n Masukan
kembali bilangan prima p dan q yang besar!\n\n");
        goto pq;}
phi=(p-1)*(q-1);
printf("\n Nilai Totien :\n");
printf("\n\t\t|>>>\tF(n)= (%d - 1)*(%d - 1)= %d \t",p,q,phi);
cout<<"          "<<endl;
}
long int gcd(int a, int b) {
    long int temp;
    while (b != 0) {
        temp = a % b;
        a = b;
        b = temp;
    }
    return(a);
}
long int eu () {
}
long int extended(int x,int y)
{
    long int a1=1,a2=0,a3=x,b1=0,b2=1,b3=y,q,t1,t2,t3;
abc:    if(b3==0)
        {
            return a3;
        }
        if(b3==1)
        {
            return b2;
        }
        q=(a3/b3);
        t1=a1-(q*b1);
        t2=a2-(q*b2);
        t3=a3-(q*b3);
        a1=b1;
        a2=b2;
        a3=b3;
        b1=t1;
        b2=t2;
        b3=t3;
        goto abc;
}
unsigned mod_powEnk(unsigned num,unsigned kp,unsigned n)

```



```

cout<<"=\Peroses Signature="<<endl;
cout<<"======"<<endl;
    printf("\n");
    printf("\n \1 Masukan Nilai Kunci Publiknya : ");
    scanf("%d",&kp);
    printf("\n \1 Masukan Nilai Modulo          : ");
    scanf("%d",&n);
printf("\n **) Nilai Signaturenya adalah :");
{
    unsigned long long num=total;
    sig=mod_powEnk2(total,kp,n);
    printf("\n      =====") ;
    printf("\n \t\t Nilai Signature =  |>>>  %d          ", sig);
    printf("\n      =====") ;
    printf("\n\n\t Nilai Signature dikirimkan bersama Cipherteks") ;
}
}
unsigned mod_powDek2(unsigned num, unsigned pow, unsigned mod)
{
    unsigned long long test;
    unsigned long long n = num;
    for(test = 1; pow; pow >>= 1)
    {
        if (pow & 1)
            test = ((test % mod) * (n % mod)) % mod;
            n = ((n % mod) * (n % mod)) % mod;
    }
    return test;
}
unsigned mod_pow3(unsigned num3, unsigned pow3, unsigned mod3)
{
    unsigned long long test3;
    unsigned long long n = num3;
    for(test3 = 1; pow3; pow3 >>= 1)
    {
        if (pow3 & 1)
            test3 = ((test3 % mod3) * (n % mod3)) % mod3;
            n = ((n % mod3) * (n % mod3)) % mod3;
    }
    return test3;
}
int metDek3()
{
    unsigned long long num3;
    unsigned long long pow3;
    unsigned long long mod3;
    printf("\n\n Masukan nilai signature = ");
    scanf("%d",&num3);
    printf("\n\n Kunci Publik = ");
    scanf("%d",&pow3);
    printf(" Modulus          = ");
    scanf("%d",&mod3);
    int a=mod_pow3(num3, pow3, mod3);
    printf("\n\n nilai verifikasinya adalah  %d",a);
    cout<<"          "<<endl;
cout<<"\n\n======"<<endl;

```



```

printf("#=====*****=====#
\n");
printf("#\t\t\t Cr: Jajang Nurjaman (08610044)\t\t\t# \n");
printf("#\t\t\t UIN Sunan Kalijaga Yogyakarta\t\t\t# \n");
printf("#####\n");
Menu:clrscr();
printf("=====\n");
printf("|| MENU PROGRAM ||\n");
printf("||=====\n");
printf("|| 1. Tampilkan Deret Bilangan Prima ||\n");
printf("|| 2. Tes Keprimaan Miller-Rabbin ||\n");
printf("|| 3. Pembentukan Kunci ||\n");
printf("|| 4. Signature (Manual) ||\n");
printf("|| 5. Verifikasi (Manual) ||\n");
printf("|| 6. Keluar ||\n");
printf("=====\n");
printf("=> Silahkan Pilih No MENU (1-6) = ");
scanf("%d",&pilih);
switch (pilih){
case 1:
cout<<" ";<<endl;
printf("=====\n");
cout<<"= Menampilkan Deret Bilangan Prima ="<<endl;
cout<<"====="<<endl;
printf(" \n");
tampprima();
cout<<" ";<<endl;
goto cs2;
case 2:
printf("=====\n");
cout<<"= Tes keprimaan Miller-Rabbin ="<<endl;
cout<<"====="<<endl;
printf("\n**) Catatan : Pilihlah Bilangan Prima yang besar
!\n\n");
PrimeTestp();
PrimeTestq();
cout<<" ";<<endl;
cout<<"(**)"<<endl;
cout<<"\nJika nilai p dan q prima, masukanlah kedua nilai pada
proses pembangkitan kunci"<<endl;
cout<<" ";<<endl;
clrscr;
goto cs2;
case 4:
{
printf("\n\n=====n");
cout<<"= Menampilkan Signature manual ="<<endl;
cout<<"====="<<endl;
signature();
goto ver2;
while(jawab=='T' || jawab=='t'){
goto pil;}
}
ver1:
case 5:
{

```



```

printf("\n");
printf("\n **) Nilai Signaturenya adalah :");
{
    if(0<ans){
        unsigned long long num=total;
        unsigned long long kp=ans;
        sig=mod_powEnk(total,kp,n);
        printf("\n \t\t Signature = |>>> %d ", sig);
        printf("\n\n\t\t\1\1\1 Nilai Signature dikirimkan bersama
Cipherteks" ) ;
        if(0>ans){
            unsigned long long num=total;
            unsigned long long kp=ans+phi;
            sig=mod_powEnk(total,kp,n);
            cout<<" ";
            printf("\n=====") ;
            printf("\n \t\t Signature = |>>> %d ", sig);
            printf("\n=====") ;
            printf("\n\n\t\t\1\1\1 Nilai Signature dikirimkan bersama
Cipherteks" ) ;}
        }
        printf("\n\n");
        printf("\n\n|>>> Apakah Pesan akan di verifikasi (Y/T) ? ");
        fflush(stdin);
        scanf("%c",&jawab);
        printf("\n");
        while(jawab=='Y' || jawab=='y'){
            printf("\n\n\n\n");
            cout<<" " <<endl;
            cout<<"===== " <<endl;
            cout<<"=\tPeroses Verifikasi\t =" <<endl;
            cout<<"===== " <<endl;
            printf("\n");
            printf("\n\2\2 kunci publiknya adalah %d \t \n",y);
            goto verifikasi;}
            goto pil;
        }
        {
            verifikasi:
            unsigned long long kp;
            printf("\n=> Masukan kembali Kunci Publik diatas = ");
            scanf("%d",&kp);
            unsigned long long num=sig;
            unsigned long long pow=kp;
            unsigned long long mod=n;
            printf("\n pesan aslinya adalah:\n ");
            printf("\n\t ");
            unsigned long long i=mod_powDek2(num, pow, mod);
            printf("\n =====") ;
            printf("\n \t nilai verifikasinya = |>>> %d ",
i);
            printf("\n =====") ;
            cout<<" ";
            {
                cout<<"\n\n\n\n===== " <<endl;

```



```

printf("\n\n\n\n|>>> Apakah anda ingin Melakukan verifikasi (Y/T)
? ");
    fflush(stdin);
    scanf("%c",&jawab);
printf("\n");
while(jawab=='Y' || jawab=='y'){
    clrscr;goto ver1;}
goto pil;
pil:
printf("\n\n|>>> Apakah anda ingin kembali ke MENU awal (Y/T) ?
");
    fflush(stdin);
    scanf("%c",&jawab);
printf("\n");
while(jawab=='Y' || jawab=='y'){printf("\n\n\n\n"); goto Menu;}
while(jawab=='T' || jawab=='t'){goto end;}

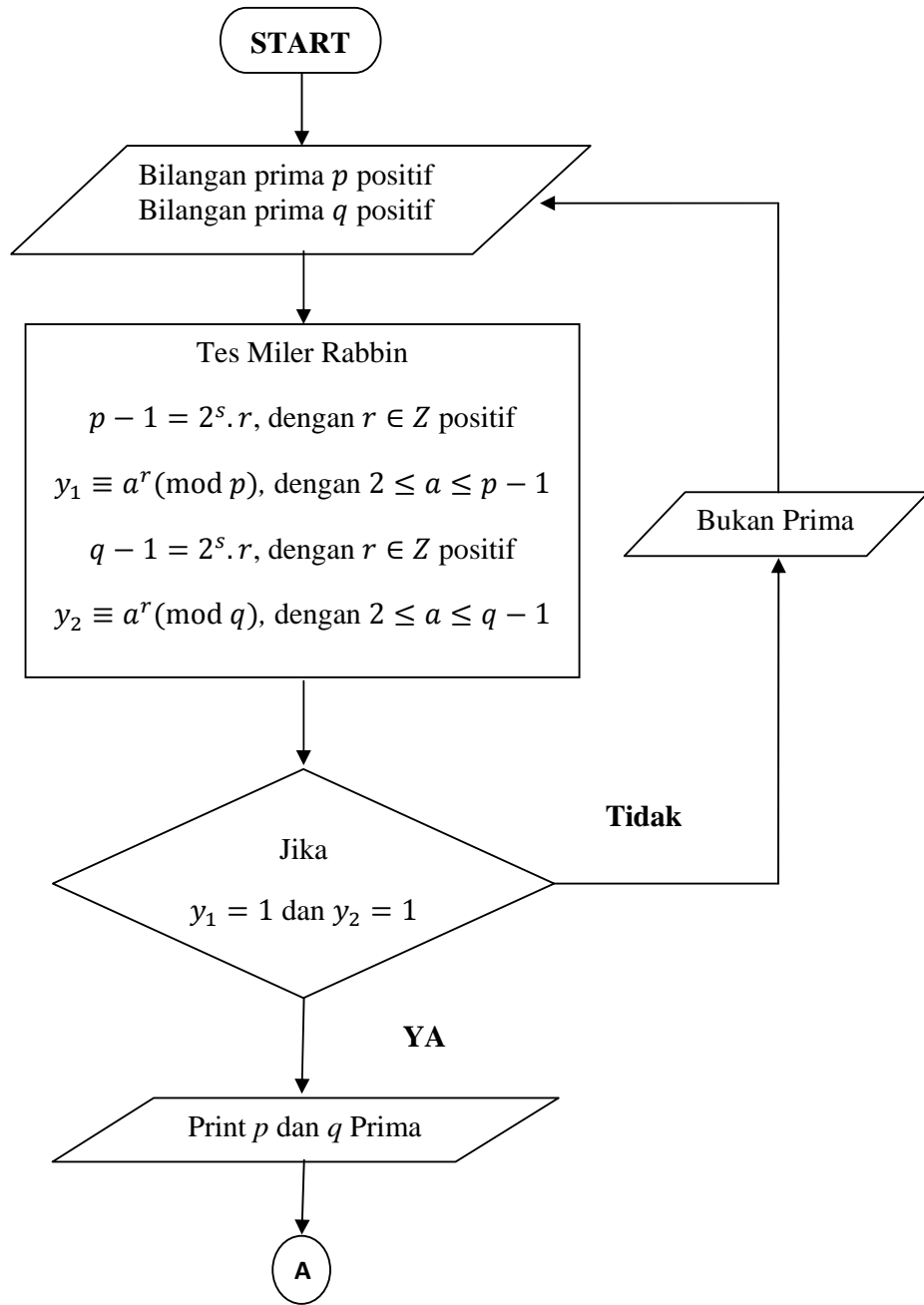
end: printf(" \n\n\t\tTerima Kasih Telah Menggunakan Program
ini\t\t\n\n\n");
return 0;
}

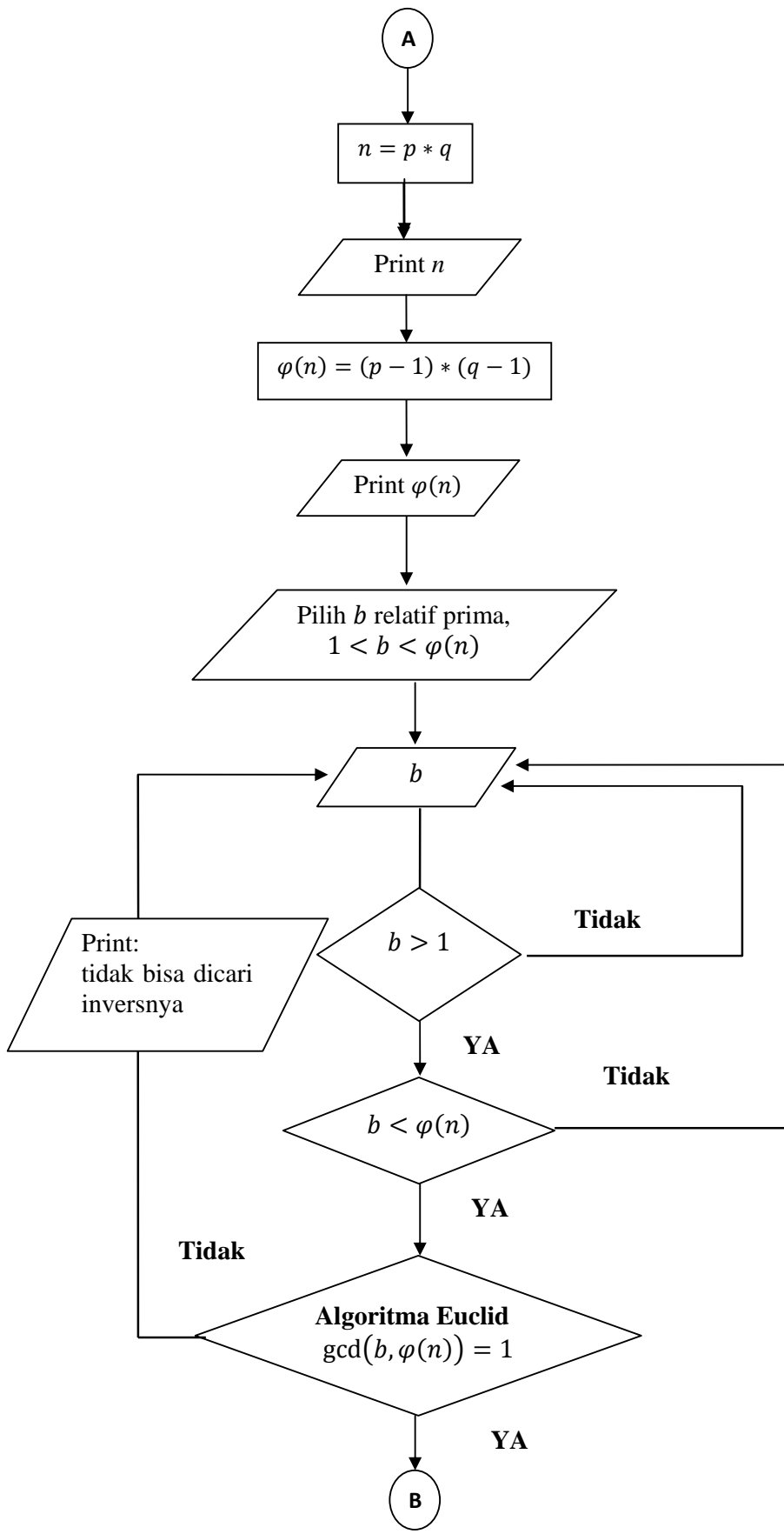
```

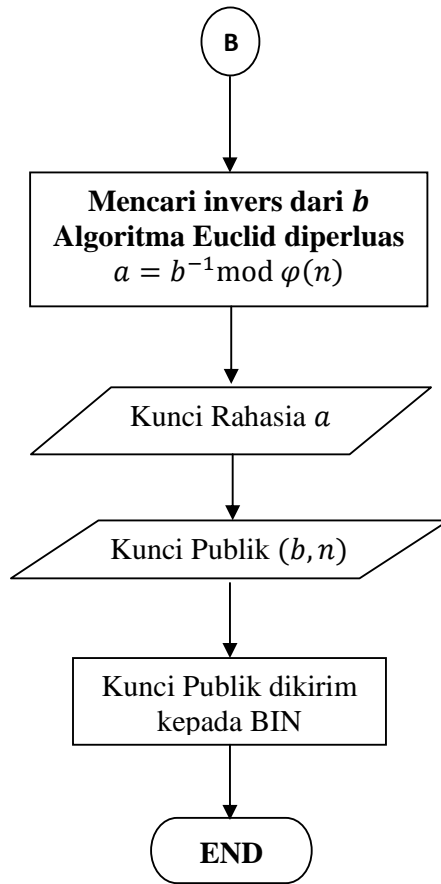
Lampiran 2.

2.1. Flowchart Kriptografi RSA

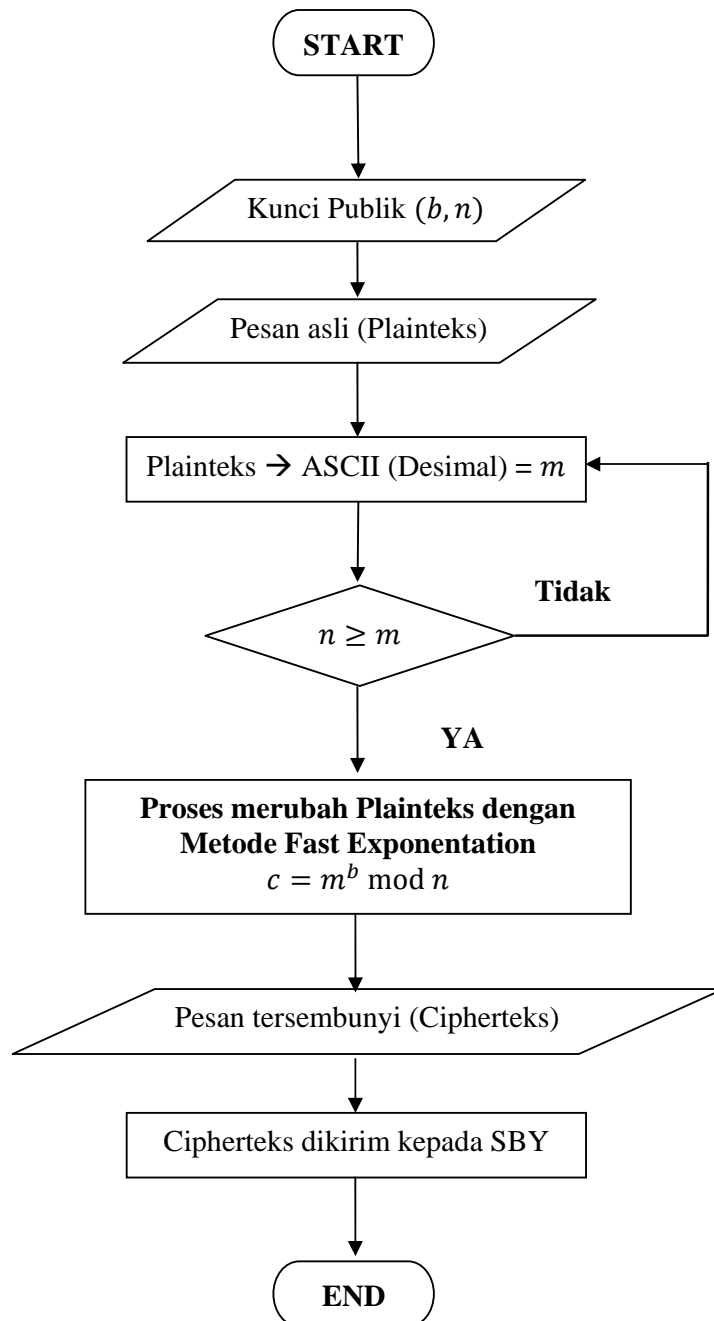
2.1.1. Flowchart Pembentukan Kunci Algoritma RSA



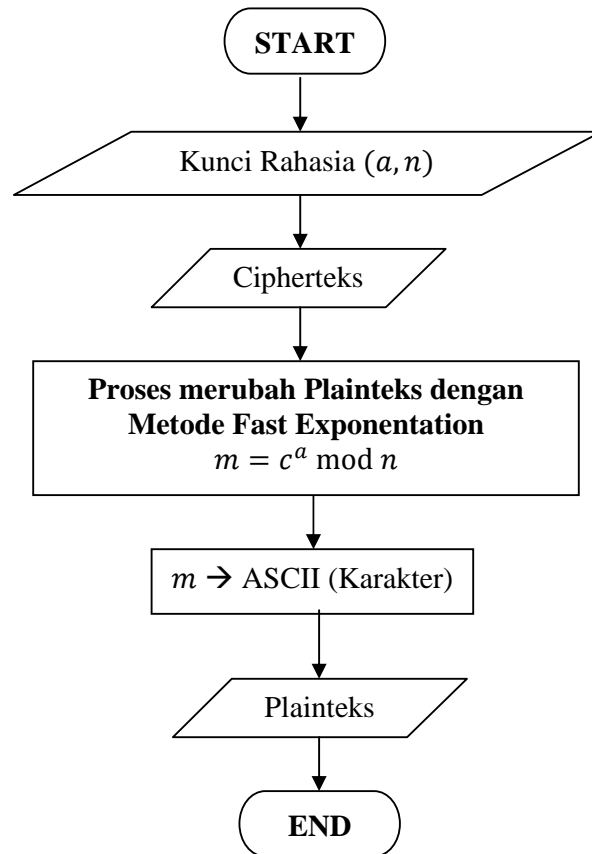




2.1.2. Flowchart Enkripsi RSA



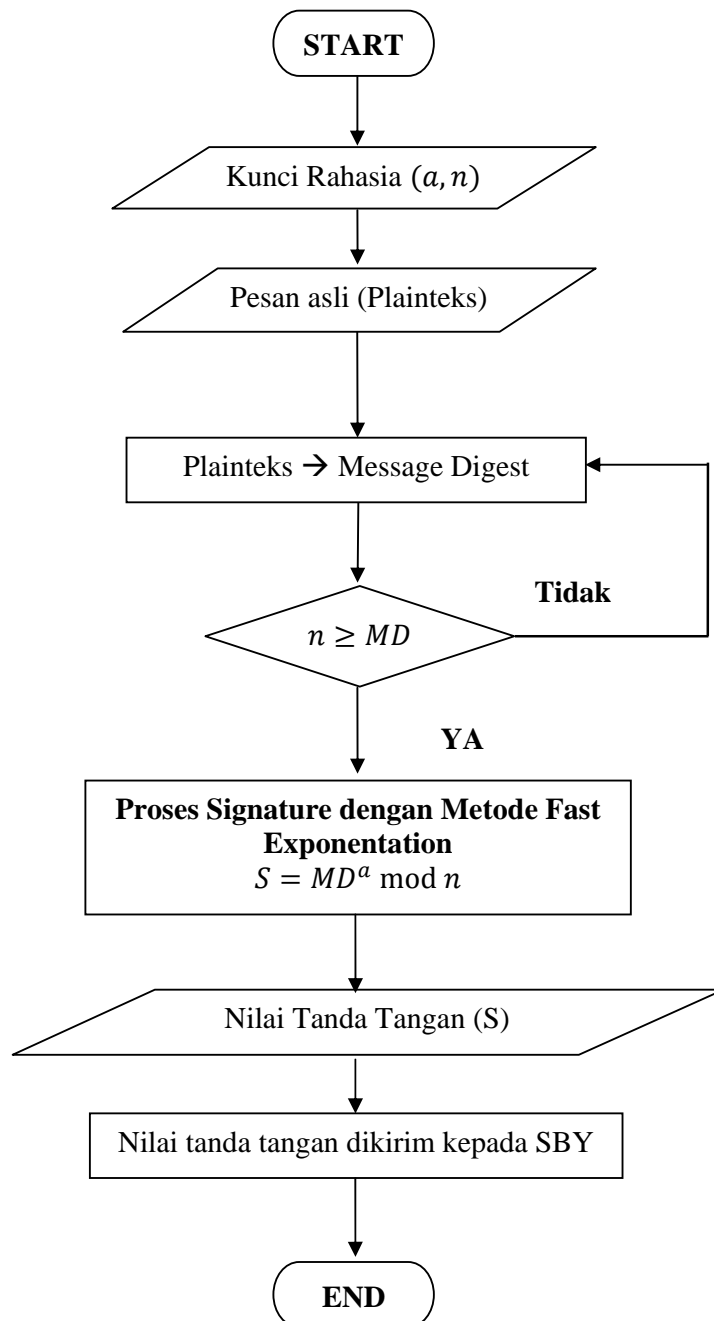
2.1.3. Flowchart Dekripsi RSA



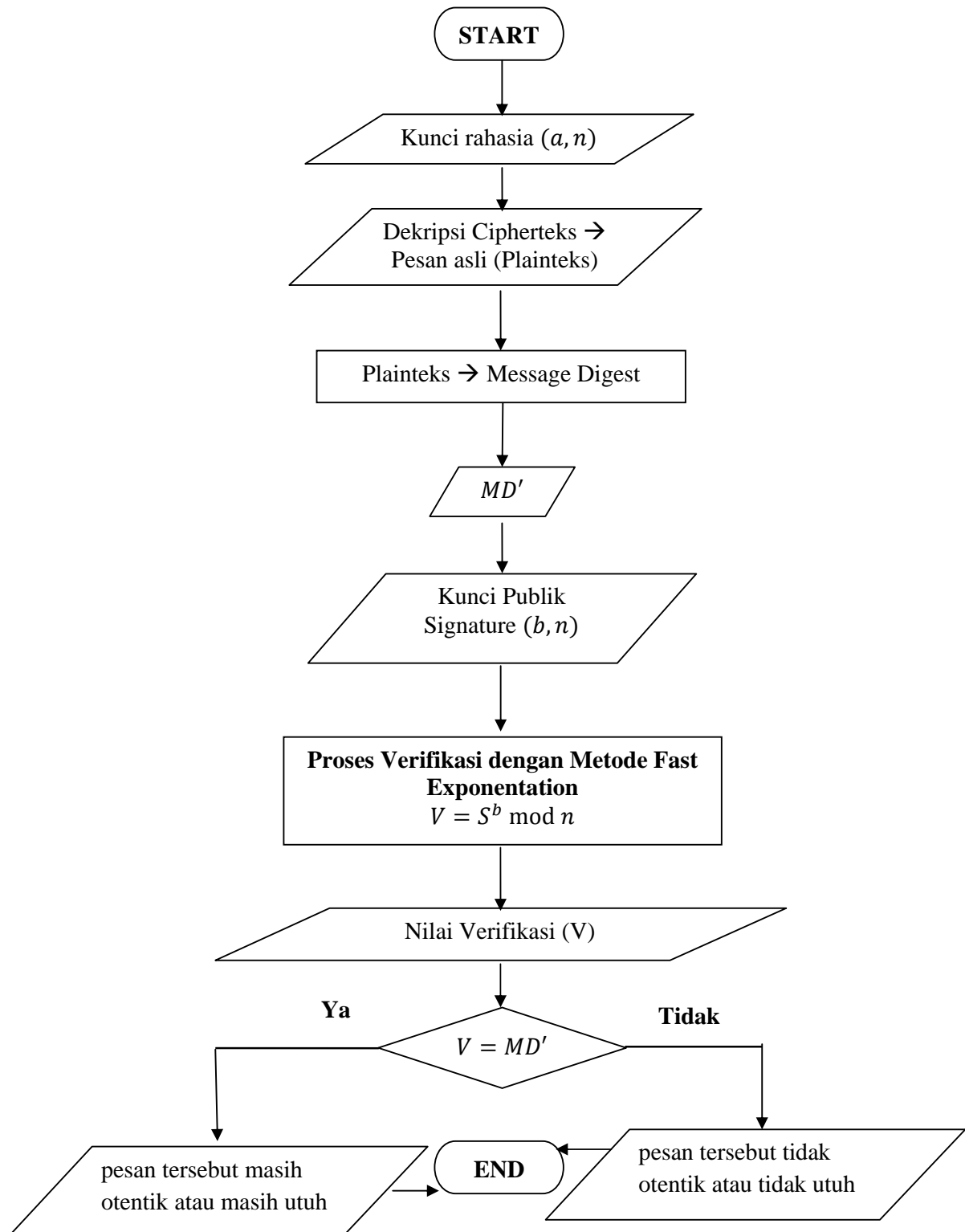
2.2. Tanda Tangan Digital RSA

2.2.1. Flowchart Pembangkitan Kunci sama dengan RSA

2.2.2. Flowchart Tanda Tangan Digital



2.2.3. Flowchart Verifikasi Tanda Tangan Digital



Lampiran 3.

DATA PRIBADI PENULIS

Nama Lengkap : Jajang Nurjaman
NIM : 08610044
Tempat, Tgl. Lahir : Kuningan, 22 Desember 1988
Alamat : Desa Dukuh Dalem RT 06 RW 02,
Kec. Ciawigebang, Kab. Kuningan,
Jawa Barat 45591
No. Hp : 081332074047
E-Mail : dak_ciawi@yahoo.co.id



Riwayat Pendidikan :

2008 – 2012 : S1 Program Studi Matematika Fakultas Sains dan
Teknologi UIN Sunan Kalijaga Yogyakarta.
2007 – 2008 : S1 Jurusan Sejarah Kebudayaan Islam Fakultas Adab UIN
Sunan Kalijaga Yogyakarta.
2004 – 2007 : MAN Ciawigebang.
2001 – 2004 : MTS PUI Ciawigebang.
1995 – 2001 : SDN Dukuh Dalem.